Jeudi 07 janvier 2010

Question de cours

Donner la définition de la médiane d'une série statistique

La médiane d'une série statistique est **la valeur** qui partage la série ordonnée en deux séries de même effectif.

1 point

Exercice 1 : Calcul littéral

1. Développer et réduire l'expression $A = (3x - 6)^2 - (4x + 10)(3x - 6)$

$$A = (3x - 6) \times (3x - 6) - (4x + 10)(3x - 6)$$

$$A = 3x \times 3x + 3x \times (-6) + (-6) \times 3x + (-6) \times (-6) - [4x \times 3x + 4x \times (-6) + 10 \times 3x + 10 \times (-6)]$$

$$A = 9x^{2} - 18x - 18x + 36 - [12x^{2} - 24x + 30x - 60]$$

$$A = 9x^{2} - 18x - 18x + 36 - 12x^{2} + 24x - 30x + 60$$

$$A = -3x^{2} - 42x + 96$$

2. Factoriser et réduire l'expression B = $(x + 7)^2 + (x + 7)(2x - 5)$

B =
$$(x+7) \times (x+7) + (x+7)(2x-5)$$

B = $(x+7) \times [(x+7) + (2x-5)]$
B = $(x+7) \times [x+7 + 2x-5]$
B = $(x+7) \times [3x+2]$

4 points

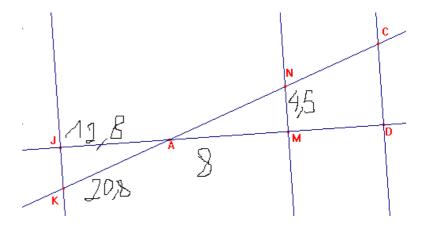
Exercice 2 : Les propriétés géométriques

Sur le schéma ci-contre, on dispose des renseignements suivants :

Les droites (JK) et (MN) sont parallèles

$$AM = 8 \text{ cm}$$
 $AK = 20.8 \text{ cm}$
 $JA = 12.8 \text{ cm}$ $MN = 4.5 \text{ cm}$

1. Calculer AN et JK (justifier soigneusement)



Je sais que les droites (KN) et (JM) sont sécantes en A et que les droites (JK) et (MN) sont parallèles, je peux donc utiliser le théorème de Thalès : les triangles AJK et AMN sont proportionnels.

Le coefficient d'agrandissement entre AM et AJ est de $\frac{12.8}{8}$ = 1,6

Donc MN =
$$4.5 \times 1.6 = 7.2$$
 cm
Et AN = $20.8 \div 1.6 = 13$ cm

2. On sait que le triangle ACD est rectangle en D, que AD = 16 cm et que AC = 17.8 cm. Calculer CD.

On applique le théorème de Pythagore au triangle ACD rectangle en D:

```
AD^{2} + DC^{2} = AC^{2}

16^{2} + DC^{2} = AC^{2}

256 + DC^{2} = 316,84

donc CD^{2} = 316,84 - 256

soit CD^{2} = 60,84

d'où CD = \sqrt{60.84} = 7.8 cm
```

5 points

Exercice 3: Probabilités

On utilise un jeu de 32 cartes classique et on tire un carte au hasard.

1. Calculer la probabilité de tirer l'as de trèfles.

Comme il n'y a qu'un as de trèfle, la probabilité est $\frac{1}{32}$

2. Calculer la probabilité de tirer un 7.

Comme il y a quatre 7 dans le jeu, la probabilité est de $\frac{4}{32} = \frac{1}{8}$

3. Calculer la probabilité de tirer une figure (roi, dame ou valet).

Comme il y a 12 figures, la probabilité est de $\frac{12}{32} = \frac{3}{8}$

3 points

Exercice 4: Quelques fonctions

1. Soit une fonction a qui multiplie toutes les valeurs par deux. Calculer l'image des valeurs -2 ; 0 et 10 par la fonction a.

$$a(-2) = 2 \times (-2) = -4$$

 $a(0) = 2 \times 0 = 0$
 $a(10) = 2 \times 10 = 20$

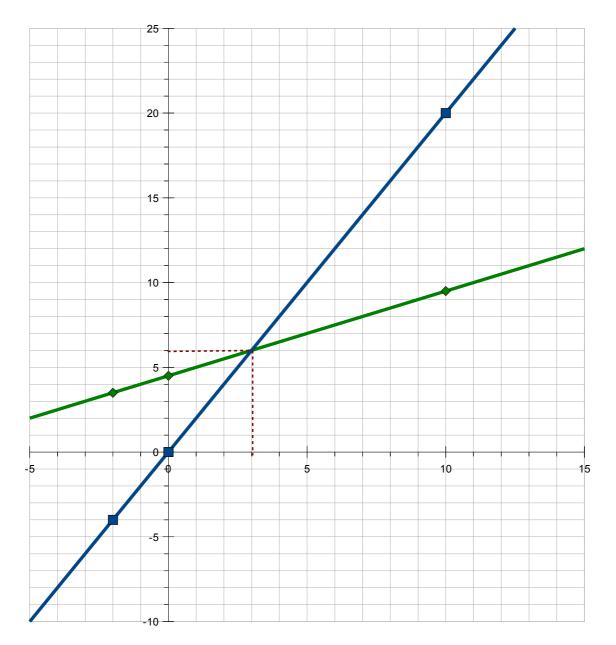
2. Soit une fonction $b: x \longrightarrow 0.5x + 4.5$. Calculer l'image des valeurs -2 ; 0 et 10 par la fonction b.

$$b(-2) = 0.5 \times (-2) + 4.5 = 3.5$$

 $b(0) = 0.5 \times 0 + 4.5 = 4.5$
 $b(-2) = 0.5 \times (10) + 4.5 = 9.5$

3. Sur la feuille de papier millimétrée, construire la représentation graphique de ces deux fonction en utilisant 1cm pour une unité et le point donné comme origine.

La fonction a est représentée en bleu et la fonction b en rouge



4. Lire sur le graphique les coordonnées du point d'intersection. (question supplémentaire : démontrer cas coordonnées par calcul)

Sur le graphique, on constate que les coordonnée du point d'intersection sont (3;6)

Pour trouver ces coordonnées par le calcul, il faut résoudre l'équation 2x = 0.5x + 4.5

5 points

Présentation: 2 points